

# Generalized Search Trees for Database Systems



IT Systems Engineering | Universität Potsdam

Matthias Springer

Hasso-Plattner-Institut

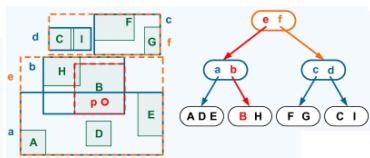
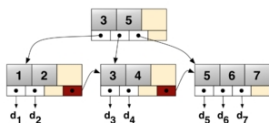
11. Juni 2012

# Gliederung

1. **Motivation**
2. Struktur eines GiST
3. Suche
4. Einfügen
5. Effizienz
6. Zusammenfassung

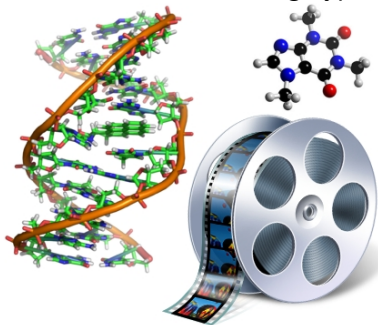
# Daten- und Anfragetypen

## B<sup>+</sup>- und R-Bäume



- Daten mit linearer Ordnung, räumliche Daten
- Bereichsanfragen, etc.

## Neue Daten- und Anfragetypen



- Daten möglicherweise ohne lineare Ordnung
- Komplexe Anfragen

## Die Autoren

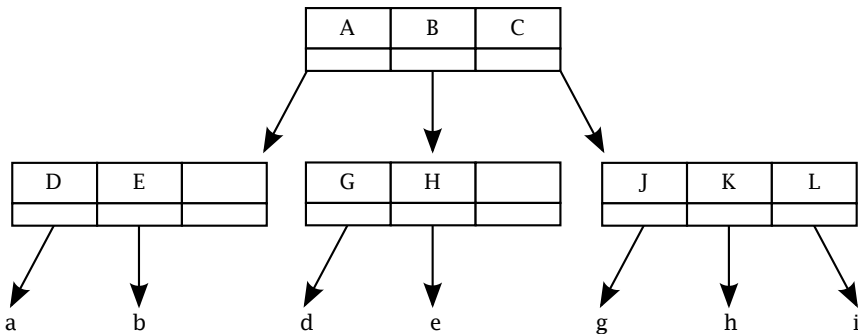


- **Joseph M. Hellerstein:** Professor an der University of California
- **Jeffrey Naughton:** Professor an der University of Wisconsin-Madison
- **Avi Pfeffer:** Associate Professor an der Harvard School of Engineering

# Gliederung

1. Motivation
2. **Struktur eines GiST**
3. Suche
4. Einfügen
5. Effizienz
6. Zusammenfassung

## Struktur eines GiST

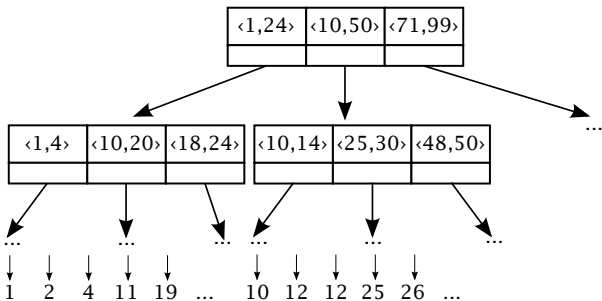


- Ballancierter Suchbaum
- Innere Knoten: Prädikat (Key), Zeiger Paare
- Key ist auch für Kindknoten erfüllt
- **Beispiel:**  $\text{ist\_student}(t) \wedge \text{belegt\_biob}(t)$

## Prädikatenlogische Formel

- **Beispiel:**  $\text{ist\_student}(t) \wedge \text{belegt\_biob}(t)$
- $\text{ist\_student} : \textit{Tupel} \rightarrow \{T, \perp\}$
- Keys und Queries sind prädikatenlogische Formeln

## Beispiel: Index für numerische Daten



### ■ Query-Prädikate:

- $\text{range}(from, to, t)$ : Bereichsanfrage  $[from, to]$
- $\text{equal}(value, t)$ : Gleichheit
- $\text{multiple}(value, t)$ : Alle Vielfachen von  $value$

### ■ Key-Prädikat: $\text{contains}(from, to, t)$ , kurz $\langle from, to \rangle$



# Methoden eines GiST

## Pro GiST

- $\text{Search}(R, q)$
- $\text{Insert}(E)$
- $\text{ChooseSubtree}(R, E)$
- $\text{Split}(L, E)$
- $\text{AdjustKeys}(L)$

## Pro Datentyp

- Implementierung jedes Query-Prädikats
- $\text{Consistent}(E, q)$
- $\text{Union}(P)$
- $\text{Penalty}(E_1, E_2)$
- $\text{PickSplit}(P)$
- $\text{Compress}(E)$
- $\text{Decompress}(E)$

# Gliederung

1. Motivation
2. Struktur eines GiST
3. **Suche**
4. Einfügen
5. Effizienz
6. Zusammenfassung

## Search( $R, q$ )

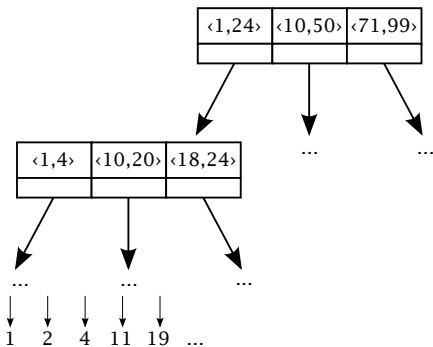
### ■ Eingabe:

- $R$ : Startknoten
- $q$ : Query-Prädikat

### ■ Ausgabe: Ein/mehrere Blätter

### ■ Algorithmus:

- Innere Knoten: Rekursiver Aufruf für alle Keys  $p$  mit  $\text{Consistent}(p, q)$
- Blätter: Prüfe Prädikat exakt und gib Element ggf. aus



## Consistent( $P, q$ )

### ■ Eingabe:

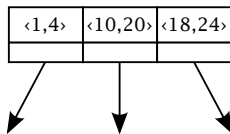
- $P$ : Einzelner Key (Prädikat)
- $q$ : Query-Prädikat

### ■ Ausgabe:

- false, falls  $P \wedge q$  sicher unerfüllbar ist, true sonst

### ■ Beispiele:

- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{equal}(3)) = T$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{equal}(5)) = \perp$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{range}(3, 9)) = T$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{range}(5, 9)) = \perp$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{multiple}(10)) = \perp$
- $\text{Consistent}(\langle 18, 24 \rangle, \text{multiple}(10)) = T$



## Consistent( $P, q$ )

### ■ Eingabe:

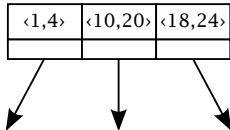
- $P$ : Einzelner Key (Prädikat)
- $q$ : Query-Prädikat

### ■ Ausgabe:

- Heuristik für Erfüllbarkeit
- false, falls  $P \wedge q$  sicher unerfüllbar ist, true sonst

### ■ Beispiele:

- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{equal}(3)) \in \{T\}$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{equal}(5)) \in \{\perp, T\}$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{range}(3, 9)) \in \{T\}$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{range}(5, 9)) \in \{\perp, T\}$
- $\text{Consistent}(\langle 1, 4 \rangle, \text{multiple}(10)) \in \{\perp, T\}$
- $\text{Consistent}(\langle 18, 24 \rangle, \text{multiple}(10)) \in \{T\}$



# Gliederung

1. Motivation
2. Struktur eines GiST
3. Suche
4. **Einfügen**
5. Effizienz
6. Zusammenfassung

## Insert( $E$ )

- **Eingabe:**  $E = (p, ptr)$ : einzufügendes Key-Pointer-Paar
- **Danach:** GiST mit zusätzlichem Element  $E$
- **Algorithmus:**
  1. Suche Knoten  $L = \text{ChooseSubtree}(R, E)$  zum Einfügen
  2. Falls zu wenig Platz: Aufteilen mit  $\text{Split}(L, E)$
  3. Füge  $E$  in  $L$  ein
  4. Keys anpassen mit  $\text{AdjustKeys}(L)$

## ChooseSubtree( $R, E$ )

### ■ Eingabe:

- $R$ : Wurzel des Teilbaums, in den eingefügt wird
- $E = (p, ptr)$ : einzufügendes Key-Pointer-Paar

### ■ Ausgabe: Knoten, in den $E$ eingefügt wird

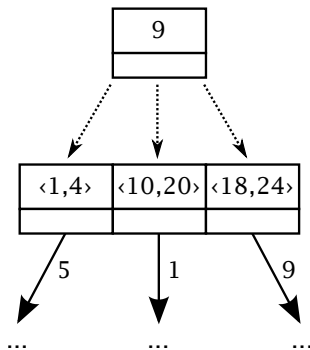
### ■ Algorithmus:

- Innere Knoten:
  - Finde Eintrag  $F$  mit kleinster  $Penalty(F, E)$
  - Gib  $ChooseSubtree(F.ptr, E)$  zurück
- Unterste Ebene: Gib  $R$  zurück



## Penalty( $F$ , $E$ )

- **Eingabe:**
  - $F$ : Key für einen Knoten
  - $E$ : Einzufügendes Tupel
- **Ausgabe:** Maß für das Wachstum von  $F$
- Regel: Keys möglichst kompakt halten
- $\text{Penalty}(F, x) = \max\{F.\text{left} - x, 0\} + \max\{x - F.\text{right}, 0\}$

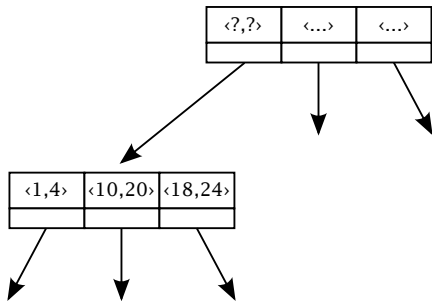


## Split( $L$ )

- **Eingabe:**  $L$ : Knoten, in den  $E$  eingefügt wird
- **Danach:** In  $L$  ist genügend Platz
- **Algorithmus:**
  1. Teile  $L$  in zwei gleich große Knoten  $L$  und  $L_2$  auf (`PickSplit`)
  2. Füge (`Union( $L_2$ ), ptr $_{L_2}$` ) zu `parent( $L$ )` hinzu
  3. Passe Key von  $L$  in `parent( $L$ )` mittels `Union` an
    - Falls kein Platz: Rufe `Split` rekursiv auf
    - Wurzel aufteilen: erzeuge neue Wurzel

## Union( $P$ )

- **Eingabe:**  $P$ : Menge an Key-Pointer-Paaren  $(p_i, ptr_i)$
- **Ausgabe:** Prädikat  $a$ , sodass  $\bigvee_i p_i \rightarrow a$

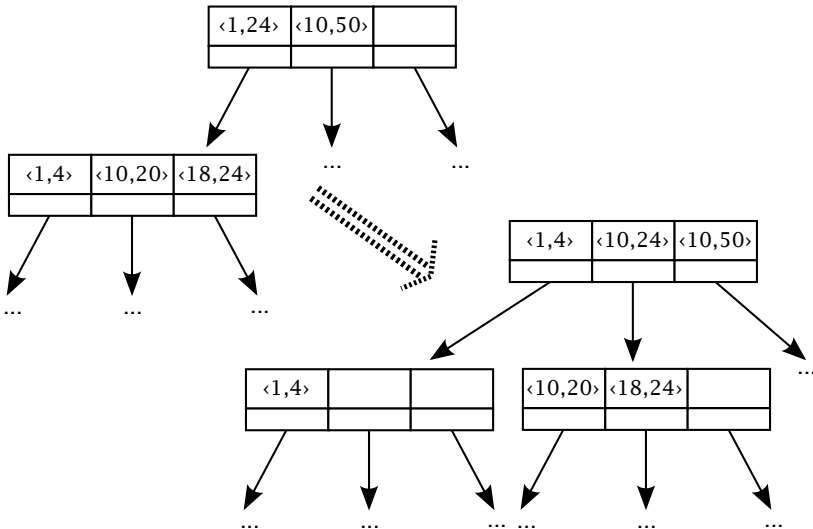


- **Beispiel:**

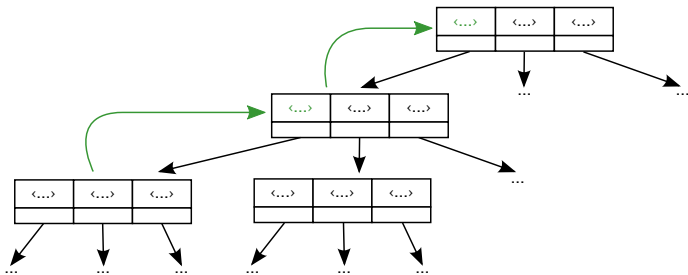
$$P = \left\{ \begin{array}{l} (\langle 1, 4 \rangle, ptr_1) \\ (\langle 10, 20 \rangle, ptr_2) \\ (\langle 18, 24 \rangle, ptr_3) \end{array} \right\}$$

- $\langle 1, 4 \rangle \vee \langle 10, 20 \rangle \vee \langle 18, 24 \rangle \rightarrow a$
- $a \equiv \langle 1, 24 \rangle$
- $a \equiv \langle 0, 100 \rangle$

## Beispiel: $\text{Split}(L)$



## AdjustKeys( $L$ )



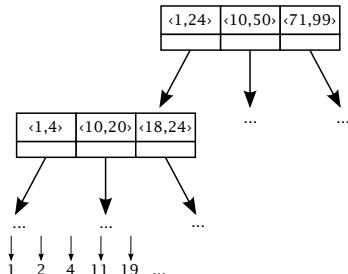
- **Eingabe:** Knoten  $L$
- **Danach:** Alle Keys sind aktuell
- **Algorithmus:**
  1. Berechne  $p = \text{Union}(L)$
  2. Falls  $L$  Wurzel oder  $p$  in  $\text{parent}(L)$  aktuell: Abbrechen
  3. Rufe **AdjustKeys**( $\text{parent}(L)$ ) rekursiv auf

# Gliederung

1. Motivation
2. Struktur eines GiST
3. Suche
4. Einfügen
5. **Effizienz**
6. Zusammenfassung

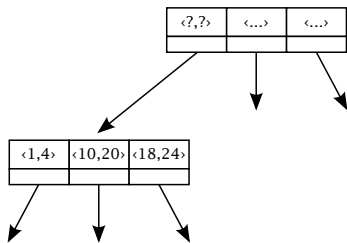
## Effizienz von $\text{Search}(R, q)$

- B<sup>+</sup>-Baum:  $\mathcal{O}(\log n)$   
(balancierter Suchbaum)
- Laufzeit: Anzahl paralleler Suchzweige entscheidend
  - Echte Überschneidung der Schlüssel
  - Genauigkeit der Heuristik für **Consistent**
  - Informationsverlust bei Compress, Decompress
- **Consistent** ist eine Heuristik für *SATISFIABILITY*  
(false positives erlaubt)
- *SATISFIABILITY* ist  $\mathcal{NP}$ -vollständig



## Implementierung von $\text{Insert}(R, q)$

- Je genauer **Union** und **PickSplit**, desto weniger Überschneidungen
- Platzkomplexität: Mit Compress, Decompress nicht schlechter als im  $B^+$ -Baum



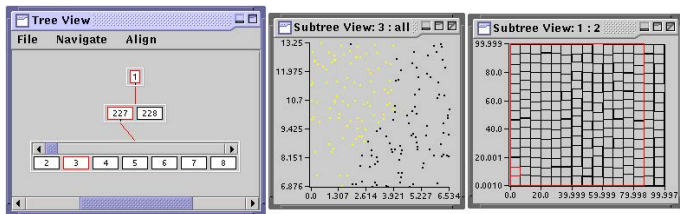


# Gliederung

1. Motivation
2. Struktur eines GiST
3. Suche
4. Einfügen
5. Effizienz
6. **Zusammenfassung**

# Zusammenfassung und Ausblick

- Implementation Issues [HNP95b]
  - Bulk Loading
  - Query Optimizer und Kostenschätzung
- GiST erleichtert Implementierung neuer Indexstrukturen
- Nur für Index-Bäume geeignet
- libgist, amdb: GiST-Implementierung und grafischer Debugger
- GiST-Implementierung für PostgreSQL [SB02]



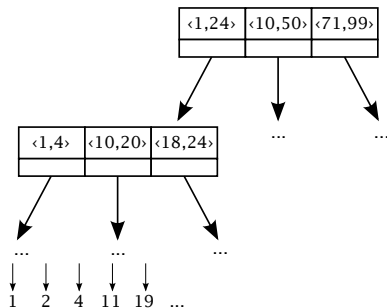
# Zusammenfassung

## ■ Suche

- $\text{Search}(R, q)$
- $\text{Consistent}(P, q)$

## ■ Einfügen

- $\text{Insert}(E)$
- $\text{ChooseSubtree}(R, E)$
- $\text{Penalty}(F, E)$
- $\text{Split}(L)$
- $\text{PickSplit}(P)$
- $\text{Union}(P)$
- $\text{AdjustKeys}(L)$



## Beispielimplementierung für Consistent

Konsistenz von Query- und Key-Prädikat

```
1
2 def consistent(k, q):
3     if q.type == 'equal':
4         return q.value in range(k.a, k.b)
5     elif q.type == 'contains':
6         return k.a <= q.b and k.b >= q.a
7     elif q.type == 'multiple':
8         return len([x for x in range(k.a, k.b + 1) \
9                     if x%q.value == 0]) > 0
```

## Quellen

- HNP95a** Joseph M. Hellerstein, Jeffrey F. Naughton, Avi Pfeffer: Generalized Search Trees for Database Systems. VLDB 1995: 562-573
- HNP95b** Joseph M. Hellerstein, Jeffrey F. Naughton, Avi Pfeffer: Generalized Search Trees for Database Systems. Technical Report #1274, University of Wisconsin at Madison, 1995.
- SB02** Teodor Sigaev, Oleg Bartunov: GiST for PostgreSQL. <http://www.sai.msu.su/~megeera/postgres/gist/>  
Aufgerufen am 03.06.2012